# Yeraltı Suları Dağılımının

## Elektriksel Benzer Model Yardımıyla İncelenmesi

Dr. Güney GÖNENÇ A. Ertuğ SUBHI ODTÜ

### $\ddot{O} Z E T$

Yeraltı suları dağılımının çeşitli su çekme düzenleri ve iklim koşulları altında gelecekteki durumunun saptanması için kullanılan elektriksel benzer modele ilişkin temel bilgiler verilmekte, Ergene Havzası (Trakya) benzer modelini beslemek üzere ODTÜ de geliştirilen bir besleme cihazı ayrıntılarıyla anlatılmaktadır.

### SUMMARY

Essentials of underground water simulation by electrial analog models are given. These mo-dels are used to forecast hydrological regimes under different climatic conditions and pum-ping schedules. Details of an excitation unit (realized in the Middle East Technical Univer-sity, Ankara) to be used in connection with the Ergene Basin analog model is given.

#### 1. GiRiŞ

Bu yazıda yeraltı sulan dağılımının gelecekteki durumunun değişik su çekme düzenlerinde nasıl olacağını saptayabilmek için kullanılan elektriksel benzetime ilişkin temel bilgiler verilmekte ve Ergene Irmağı Havzası benzer modelini beslemek için geliştirilen elektronik devreler tanıtılmaktadır. Sözü geçen model Stras-bourg Üniversitesinde, besleme devreleri ise ODTÜ Elektrik Mühendisliği bölümünde DSi

Elektrik Mühendisliği 203

Jeoteknik Hizmetler ve Yeral'tısulan Dairesi desteğiyle gerçekleştirilmiştir.

Ergene Havzası, Türkiyenin önemli yeraltı suyu kullanım bölgelerinden biridir. Sututucu katmama (aquifere) alanı yaklaşık olarak 6000 km<sup>2</sup> kadardır. Bu katman pliosen çağından kalma bir kum-kil oluşumudur. Kalınlığı 400 metreye kadar çıkabilen bu katmanın derinliği birkaç metreyle 50 metre arasında değişmektedir. Katmanda tutulan sudan, sürekli çekim yaptığı

671

kabul edilen özel kuyular ile çekimi önceden belirlenmiş bir programa göre düzenlenebilen DSi kuyuları yardımıyla yararlanılmaktadır.

#### 2. BENZETİM VE YERALTI SULARINA UY-GULANMASI

îki sistemden birincisinde ikinci sistemdeki her öğeye karşılık gelen bir öğe varsa ve iki sistemin uyarma ve karşılık fonksiyonları arasında da bir benzerlik varsa; birinci sistem ikinci sistemin benzeridir (analog). En yalın benzeyim (analogy) örneği, temel sistemin sadece ölçek farkı ile tıpkısı olan bir sistemdir. Uygulamada, daha çok, bir sistemin hepten farklı bir fiziksel kategorider benzeri gözönüne alınır, örnek olarak elektrik alanlarının incelenmesinde kullanıla? iletken kâğıtlı, elektrolitik tanklı ya da 'titreşen zarlı modeller; ısı dağılımının incelenmesinde kullanılan çözümsel (analitik) ya da direnç-sığaçlı modeller sayılabilir.

Yeraltı sulan dağılımının incelenmesinde de en çok direncx3iğach devrelerle gerçekleştirilen benzer modellerle karşılaşılır [2,3,4]. Biryapımlı (homojen) ve izotrop bir su'tutucu katmanda suyun iki boyutlu devinimini belirleyen kısmi diferansiyel denklem,  $d^*$ 

olarak verilir. Burada h su yüksekliği m, S (**D** depolama katsayısı (birim yükseklik değişmesi ve birim alan başına katmanın tutabildiği su hacmi, ooyutsuz) ve T geçirgenlik katsayısı m<sup>2</sup>/sn dir [1]. Yukardaki (1) denkleminin sonlu farklar yaklaşımını bulmak için, iki boyutlu sututucu katmanın kenar uzunluğu a (m) olan karelerle bölümlendiğini düşünelim (Şekil la), 1 sayılı düğüm için, yaklaşık olarak,

$$\begin{array}{c} t - 2hi \\ 3x2 \\ 6^2h \end{array}$$
(2)

yazılabilir. Burada h,, h nm i sayılı düğümdeki değerini göstermektedir. (2) değerlerini (1) de yerine koyarsak, l sayılı düğüm için,

$$(3)_{3t}$$
elde edilir. (1) in sonlu farklar  
yaklaşımı olan (3) denklemi,  
(h, -h) = (4)

biçiminde yazılabilir, burada toplam, söz konusu düğümün çevresindeki 4 düğümü içerecektir.

Şimdi de Şekil Ib deki direnç-sığaç devresini gözönüne alalım, l sayılı düğüme Kirşof kanununu uygularsak.

$$-E, + (] = 5$$
  
 $8E, -E)] = 9t$ 

y

1

$$-Ej) + (E_4 - E_2) + (5)$$

(6)

$$2 (E,-E) = C$$
 at

d T3

denklemini elde ederiz. (4) ve (6) denklemleri karşılaştırüırsa benzerlik hemen görülür, îki sistem arasındaki benzer öğeler aşağıda verilmiştir.



Şekil l.(a) Karesel ağla bölünmüş sututucu katman, (b) Dlrenç-sığaç şebekesinden- bir bölüm.

672

gerilim, E (volt)
akım şiddeti, I
(amper)
yük, q (kulon)
iletkenlik, l/R
(mo)
sığa, C (farad)
zaman sabiti, RC
(saniye)
elektrik zamanı,
t <sub>E</sub> (saniye)

Yakardaki (1)
denkleminde x,y ve t
değişkenleri sürekli
değişkenlerdir. Bu
denklemi (4) denklemi
biçimine sokmakla x ve y
değişkenlerini kesikli
hale getirmiş oluyoruz.
Böylece, elektrik benzeri
olarak, direnç ve sığaç
gibi ayrık öğelerden
kurulu bir devre
kullanılmasına olanak
sağlamış oluyoruz.
Doğaldır ki (4) denk-
leminin çözümü (1)
denkleminin çözümüne
eşit değildir, aradaki fark
karesel bölümleme sık-
laştıkça (a küçüldükçe)
azalacaktır. Bu da, ve-
rilen bir bölgenin
direnç-sığ?ç modelinde
düğüm sayısının
arttırılmasıyla gerçeğe
daha yaklaşan çözümlere
varılacağım gösterir.
Kullanılan modelde havza
yaklaşık 70 (doğu-ba'tı) x
45 (kuzey-güney) lik bir
karesel bölümleme içine
alınmıştır. Yaklaşık
olarak 4 km <sup>2</sup> lik alana bir
düğüm karşılık
gelmektedir (a = $2000$
m).
Garaak büyüklüklarla
model hüvüklükleri ara
mouch buyuklukleri ala-

Gerçek	büyüklü	klerle
model bü	yüklükleri	i ara-
sındaki	bağı	ıntılar
aşağıdaki	-	gibi
belirlenmi	ştir.	Bu
seçimde,	sonuçta o	ortaya
çıkacak	el	ektrik
devresinde	eki diren	ç ve
sığaçlann,	gerilim	ve

akımların uygun değerlerde olması gözönünde tutulmuştur [2].
h : l m
_» E : 0,1 V
Q : 1
mVs_»I : l
mA V : 1 m <sup>3</sup>
_» q : 5,78
. 10-" kulon
*. t <sub>E</sub> : 5,5.
10-» sn

 $t_R : 1 s$ 

a. Sürekli pompalama akımı

akım Bu özel kuyulardaki sabit verdili (debili) kabul edilen düzenini pompalama temsil eder-Şekil 2 de sürekli pompalama akımı dalga şekli görülmektedir. Süresi 22-64 ms (13-37 yıl) arasında değiştirilebilen akım darbesinin genliği de ayarlanabilmelidir. En 0,7 mA alınmıştır, bu 42000 It/dak. lık bir verdiye karşılıktır. 48-140 ms olarak gösterilen süre ise modelin durulma süresidir. Böyle bir akım, uygulandığı düğümün temsil ettiği gerçek bölgedeki (yaklaşık 4 km<sup>2</sup>) özel kuyuların su çekiminin toplamina benzetilmiştir.

#### -•0,7 mA

Bu durumda modeldeki dirençler kfî, sığaçlar nF, akımlar 0,1 mA ve gerilimler V aşamasında olmaktadır.

#### 3. BENZETİM İÇİN GEREKLİ AKIMLAR

Model üzerinde deneylerin yıllık 13-37 gerçek zamana karşılık gelen 22-64 milisaniyelik model zamanı süreleri için yapılması öngörülmüştür. Sututucu katmana giren sular düğümlere giren akımlarla, çıkan sular çıkan akımlarla benzetilmistir. Giren-cıkan sular (ve modelde kullanılacak akımlar) dört türlüdür. Bunlar aşağıda anlatılmaktadır.

|<-22-64-»|<−−− 48-140 ms

»l

#### Sekil 2. Sürekli pompalama akımı.

b. Programlı pompalama akımı

Bu akün biçimi, gözlem süresinin sırayla 3/20, 3/20, 3/20, 3/20, 8/20 lik beş bölümü için beş ayn verdi değerine programlanmış olarak çekiş yapabildiği düsünülen DSÎ kuyularındaki pompalama düzenini temsil eder. En büyük değerin yine —0,7 mA olması öngörülmüştür. Tipik bir dalga biçimi Şekil 3 te görülmektedir.



-»OT—\*

T • t,l - l,t m»

#### Şekil 3. Programlı pompalama akımı.

c. Süzülme akımları

Süzülme yoluyla sututucu katmana giren suyu (örneğin yağmur suyu) temsil eder, .giren suya karşılık olduğu için pozitif yönlüdür. Gözlem süresinin 1/20 lik 20 bölümü için farklı değerlerde olabilmesi öngörülmüştür. Tipik bir süzülme eğrisi Şekil 4 te görülmektedir.



Şekil 4. Süzülme akma.

#### ç. Kaçak akımları

Sututucu katmandan kaçak olarak çıkan suyu temsil eder. Kaçak akımı dalga biçimi süzülme akımı dalga biçiminin tıpkısıdır, sadece negatif yönlüdür ve genliği bağımsız olarak ayarlanabilir. Tipik bir kaçak aküm dalga biçimi Şekil 5 te görülmektedir.



Şekil 5. Kaçak aküm.

#### 4. BESLEME DEVRELERİ

Model üzerinde deneyler, gerekli akımların uygun düğümlere uygulanması ve istenen düğümlerde gerilimin zamana göre değişiminin incelenmesiyle gerçekleştirilecektir. Böyle bir deneyde çeşitli akımları üreten, birbiriyle eşzamanlı olarak çalışan, fakat genlikleri birbirinden bağımsız olarak ayarlanabilen çok sayıda akım kaynağı gereklidir. Gerçekleştirilen cihazda 40 tane sürekli pompalama, 20 tane programlı pompalama, 14 tane süzülme, 5 'tane de kaçak akımı kaynağı bulunmaktadır. Bütün bu kaynaklar bir tek cihaz içinde toplanmıştır. Bu cihazın öbek diyagramı Şekil 6 da görülmektedir. Cihaz, beş ana bölümden oluşmaktadır :

- a. darbe üreteci,
- b. sürökli pompalama birimi,
- c. programlı pompalama birimi,
- ç. süzülme-kaçak birimi,

d. yukardaki dört birime güç sağlayan güç kaynağı.

Bu birimler aşağıda sırayla anlatılmaktadır.

#### 4.1. Darbe üreteci

Darbe üreteci şu darbeleri üretir (Sekil 7): a. Peşpeşe gelen 21 tane eşit süreli darbe. Bu 21 İşaret,  $I_0$ , I, ...,  $I^{\circ}$ , olarak adlandırılmıştır. Darbelerin süreleri (T) 1,1 ms ile 3,2 ms ara sında ayarlanabilir.

b. Programlı pompalama için kullanılacak olan Aj,'  $A_2$ , ... .As işaretleri.

Temel darbeyi şeması Şekil 8 de verilen bir astabil (periyodu T = 1,1 - 3,2 ms) üretir. Astabilin çıkışı bir ortak toplayıcın devreden (Şekil 9) geçtikten sonra 64 e kadar sayan bir sayaç devresine uygulanır. Sayaç devresi Şekil 10 da görülmektedir. Bu devre altı tane T flip-floptan oluşur. T flip-floplar, şeması Şekil 13 te görülen J—K flip-flopun J ve K girişleri birbirine bağlanarak elde edilmiştir. J ve K girişleri birbirine bağlanarak elde edilen tetikleme girişleri Şekil 10 da TA, TB, ..., TF olarak adlandkrılmıştır. Flip-floplarm doğru çıkjışlan A,

B, ..., F ve çevrik çıkışları A, B, ..., F kod açıcı devreye uygulanırlar. Şeması Şekil 11 de verilen kod açıcı devre, çıkışında. Şekil 7 de gösterilen Io, Iı, ••. M işaretlerini verir. Aynca beş tane VEYA geçiti Ij — 1^ işaretlerinden uygun olanlarını giriş olarak almakta ve çıkış olarak Aj, Aj, ..., Aj işaretlerini vermektedir. VEYA geçitlerinin giriş ve çıkış işaretleri aşağıda gösterilmiştir.

VEYA geçit no. su	giriş sayısı	giriş işaretleri	çıkış işareti
1	3	Ii.l2.Is	А,
2	3	l4.Is.Ia	А,
3	3	ТТТ	^
4	3	I10.I11.Ii2	A<
5	8	1,3,,1a,	Aj

VEYA geçitlerinden birinin şeması Şekil 12 de verilmektedir.

#### 4.2. Sürekli pompalama birimi

Sürekli pompalama birimi Şekil 2 de görülen akımları üretmektedir. G ile gösterilen J—K flip-flopun J girişine !,,, K girişine 1^ darbesi uygulanmıştır. G flip-flopunun şeması Şekil 13



Şekil 6. Cihazın öbek diyagramı.

te görülmektedir. Flip-flopun çevrik çıkışı G nin  $I_0$  ve I^, ile olan zaman ilişkisi Şekil 14 te

gösterilmiştir. G işareti altı tane ortak toplayı-cılı sürücüden (Şekil 15) geçirilerek 40 tane S tipi akım kaynağının girişlerine uygulanır. S tipi akım kaynağının şeması Şekil 16 da görülmektedir. Akım kaynaklan, çıkışlarında, Şekil 2 de gösterilen akımları üretir. Her akım kaynağının verdiği akım potansiyometreler yardımıyla bağımsız olarak O ile -0,7 mA arasında ayarlanabilir. Akım kaynaklan için doyma sırun yük direnci 10 kfi dur. Yük direncinin 10 *kfl* dan büyük olması halinde, devrenin doyması potansi-yometrenin kısılması ile önlenebilir.





<9-26ms)

Şekil 7. Darbe üretici birimin ürettiği dalga biçimleri.

676

-12V BC177

işareti uygulanmaktadır. Her grubu oluşturan beş anahtarlama devresinin çıkışı bir toplama devresiyle toplanmaktadır (Şekil 6). A grubu anahtarlama devrelerinin şeması Şekil 17 de de gösterilmiştir. Potansiyometreler yardımıy-



AA BB C

FŞekü 11. Kod açid devre.

Şekil 10. Sayaç devresi.

#### 4.3. Programlı pompalama birimi

Programlı pompalama birimi Şekil 3 te gösterilen akımları üretir. Bu birimde beşer beşer üç gurupta toplanmış 15 anahtarlama devresi ilk katı oluşturur. Guruplar A, B ve C olarak adlandırılmıştır. Her guruptaki birinci devreye A,, ikinci devreye A^ ... , beşinci devreye As



Şekil 12. l numaralı VEYA geçitl.

la Şekil 3 te görülen programlı pompalama eğrisinin herbir bölümünün genliği öbür bölümlerden bağımsız olarak ayarlanabilmektedir.



Şekil 13. J—K flip-flop.

 (40) ·
 çıkış

 2,2 K
 J2Y85C6V
 BC108 veya BC109

 2 »000 jjF
 G(40 tane)

 1
 G(40 tane)

 6,4 K (40 tane)

 152 « - 1 - Of –
 1 - 12V

\* IS1......IS4 için 8,



-fc 22-64 ms

Şekil 14. J, K ve Ğ gerilimleri.

-04V -10.4V Seldi 16. S tipi akım kaynağı.

> 12V 8.2K

> > <u>8.2K</u>

«12V

GA (GB) (GC)

Şekil 15. Ortak toplayıcılı sürücü.





12V <sub>6V</sub>

<u>3Ç 8.2 K</u>



Her gurup için birer tane olmak üzere toplam üç tane olan toplayıcı devrelerden birinin şeması Şekil 18 de gösterilmiştir. Toplayıcı devreden çıkan işaret P tipi akım kaynaklarına uygulanır. Toplam 20 tane P tipi kaynak vardır,

»6V

Değeri gösterilmeyen direnç değerleri: 10 K. Tranzistorlar: A Gurubu BC 237, B ve C Gurupları BC 108.

### Şekil 17. Programlı pompalama anahtarlama devresi.

bunlardan 6 sı girişlerini A gurubu 'toplayıcı devresinden; 7 si B gurubu, geri kalan 7 si de C gurubu toplayıcı devresinden alırlar. Böylece aynı anda üç ayn programlama tipinden olmak üzere 20 programlı pompalama akımı elde edilmektedir. P tipi akım kaynaklarının şeması Şekil 19 da görülmektedir. 100 kn luk potansiyometreler ile her çıkış akımı dalga şeklinin toplam genliği O ile —0,7 mA arasında değiştirilebilir. Doyma sının yük direnci yine 10 kfi olarak saptanmıştır.



Şekil 18. Programlı pompalama toplayıcısı. Şekil 19. P tipi akım kaynağı.



4.4. Süzülme - kaçak birimi

Süzülme-kaçak birimi Şekil 4 ve 5 de görülen işaretleri üretir. Hem süzülme hem kaçak dalga biçimleri için ortak olan anahtarlama devreleri (Şekil 6) 20 tanedir ve bunların birincisi giriş olarak I<sub>1t</sub> ikincisi I<sub>2</sub>, ...,20 ncisi 1^ işaretini alırlar. Anahtarlama devrelerinin şeması Şekil 20 de görülmektedir. Herbir anahtarlama devresinin potansiyometresiyle süzülme-kaçak akım dalga biçimlerindeki T süreli parçacıklann genlikleri birbirinden bağımsız olarak ayarlanabilir. 20 tane anahtarlama devresinin çıkışları şeması Şekil 21 de görülen toplama devresinde toplanır. Toplamayla elde edilen işaret bir yandan 14 tane süzülme akım kaynağına, öte yandan da bir çeviriciden geçirilerek 5 tane kaçak akım kaynağına giriş olarak uygulanır.

Süzülme akım kaynağının şeması Şekil 23 te, bir işlem yükselteci ile oluşturulan çeviricinin şeması Şekil 22 de ve kaçak akım kaynağının şeması Şekil 24 te görülmektedir. Her iki tür akım kaynağı için de doyma sınırı yük direnci 10 kfi olarak öngörülmüştür.



Şekil 20. Süzülme-kaçak anahtarlama devresi.



12K



Şekil 22. Kaçak çevirici devresi.

1700

II



Şekil 23. Süzülme akım kaynağı. -6V

#### 4.5. Güç kaynağı

Güç kaynağı (Şekü 25) gerekli gerilimleri doğru sağlar, doğrultucu devresi ve dört tane regülatör devresinden oluşur. Üretilen doğru gerilimlerle her gerilime ilişkin akım harcamaları şöyledir: + 12 V, 75 mA; —12 V, 275 mA; f 6 V, 27 mA; ve —6 V, 4 mA.

5. SONUC

Şekil 24. Kaçak akım kaynağı.

Yukarda anlatımı yapılan besleme devreleri yardımıyla model üzerinde,

a. Özel kuyuların sayılan ve çekimleri,

b. Programlı DSÎ kuyularının su çekim prog ramlan, çekim büyüklükleri,

c. Cesitli vağmur büyüklükleri olasıhklan ile iliskili cesitli hipotezler olusturulmus [2] ve yirmi yıllık dönem (1970-1990) sonunda sututucu katmandaki su yüksekliklerinin her hipoteze göre ne olacağı çeşitli düğüm gerUimlerinin osiloskopla incelenmesiyle saptanmıştır. Havza nın yıllara göre eş sudüşümü eğrilerinin çizil mesi de olanaklıdır. Bu sonuçlar bu yazıda ve rilmemektedir.

#### TEŞEKKÜR

1.5 4 x SKI/OI

Değerli yardımlarından dolayı ODTÜ Elektrik Mühendisliği bölümünden sayın Erbil Payzına, DSi Jeoteknik Hizmetler ve Yeraltı Sulan Dairesinden sayın Muammer Yarahoğlu ve sayın Oktay Tancaya teşekkür ederiz.

#### KAYNAKLAR



Şekil 25. Güç kaynağı.

- 39. Karplus, W. J., Analog Simulation, Solution of Field Problems, New York : McGraw Hill, 1958.
- 40. Italconsult, Ergene Basin Groundvvater Development Project, Technical Report, vol. 3, Rome: 1970.
- 41. Bear J. ve Schvvarz, J., Underground Water Storage Study, Technical Report No. 16, Tel Aviv, Tahal-Water Planning for Israel, 1966.
- 42. Tanca, Oktay, Analog Model Sistemleri ve Yeraltı Suyu Problemlerine Tatbiki, Ankara : DSÎ, 1971.